

Correction UE 4 du CCB de la Tut' Rentrée n°1 du 07.09.13

1/	B	2/	BCD	3/	CD	4/	BD	5/	BC	6/	ABCD	7/	BCD	8/	ABCD	9/	ACD
10/	A	11/	ABC	12/	AB	13/	B	14/	AC	15/	CD	16/	AC	17/	ABCD	18/	B
19/	C	20/	ACD														

QCM 1 : B

- A) Faux : c'est une unité
 B) Vrai
 C) Faux : car le Newton n'est pas une unité de base, mais une unité dérivée
 D) Faux : car une grandeur physique est déterminée quantitativement et distinguée qualitativement
 E) Faux

QCM 2 : B, C, D

- A) Faux : relation très importante à retenir $1000L = 1m^3$
 $10 \times 25 \times 25 = 6250 \text{ cm}^3$
 B) Vrai : $5 \cdot 10^{-6} \text{ m} \times 125 \cdot 10^{-6} \text{ m} \times 2 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 1250 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 = 1250 \text{ cm}^3$
 C) Vrai : les cubes peuvent contenir 1,25 L
 D) Vrai : si les cubes peuvent contenir 1,25 L, ils peuvent contenir 0,125 L
 E) Faux

QCM 3 : C, D

- A) Faux : une marge d'erreur de 1% signifie $\frac{3,5 \times 1}{100} = 0,035$ donc la taille d'un clou ne doit pas dépasser $3,500 + 0,03500 = 3,535 \text{ cm}$. Un clou de 3,522 cm est encore bon
 B) Faux : un clou de 3,532 cm est encore bon
 C) Vrai : un clou de 3,542 cm doit être jeté car plus grand que la marge d'erreur de 3,535 cm
 D) Vrai : l'intervalle de valeur est $[3,50000 \pm 1\%]$ donc
 $3,500 + 0,03500 = 3,535 \text{ cm}$
 $3,500 - 0,03500 = 3,465 \text{ cm}$
 Donc l'intervalle de valeur est : $[3,535 ; 3,465]$
 E) Faux

QCM 4 : B, D

- A) Faux : le professeur ne fera pas de piège sur les chiffres significatifs lorsque l'on utilisera un pourcentage, donc 7% revient à dire 7,000000...00%. Pour savoir si je suis en dessous de la limite maximale, je dois calculer l'incertitude du test et vérifier que la moyenne ne se trouve pas dans l'intervalle
 Soit $\left[1,18 - \frac{1,18 \times 7}{100} ; 1,18 + \frac{1,18 \times 7}{100}\right] = [1,0974 ; 1,2626]$ donc je ne peux pas conclure quelque chose car la moyenne se trouve dans l'intervalle
 B) Vrai
 C) Faux : l'incertitude est de $\frac{1,18 \times 7}{100} = 0,0826$
 D) Vrai : car $\frac{mg}{dL} = \frac{10^{-3}g}{10^{-1}L} = 10^{-2} \frac{g}{L}$ donc $1,26 \text{ g/L} = 126 \text{ mg/dL}$
 E) Faux

QCM 5 : B, C

- A) Faux : la fidélité donne une indication sur les erreurs aléatoires
 B) Vrai : oui car l'erreur de gain dépend (de façon linéaire) de la valeur de la grandeur mesurée. Donc plus X est grand, plus l'erreur sera grande
 C) Vrai : car l'énergie peut être mesurée, et elle ne sera pas égale à un nombre entier
 D) Faux : c'est une variable qualitative ordinale car on marque une progression, on va faire un codage numérique mais ce sera toujours une variable qualitative
 E) Faux

QCM 6 : A, B, C, D

- A) Vrai : et même binaire car sera soit rouge soit jaune, elle ne peut pas être ordinale car il n'y a pas de distance entre jaune et rouge, et elle ne peut pas être quantitative car on ne mesure pas quelque chose
- B) Vrai : en effet, on classe les personnes dans des catégories (homosexuel, hétérosexuel...)
- C) Vrai : c'est quantitatif car on peut dénombrer et relative car le zéro correspond à l'absence de personnes en couple
- D) Vrai : car le zéro est arbitraire. On pourrait dire qu'à 2h du matin il est en réalité 0h du matin, d'ailleurs c'est le principe du fuseau horaire
- E) Faux

QCM 7 : B, C, D

- A) Faux : car $P(\Omega) = 1$ donc n'a pas une probabilité nulle de se réaliser
- B) Vrai
- C) Vrai : on lance 3 fois une pièce et on note à chaque fois ce qu'on obtient pour les 3 lancers. L'ensemble des résultats possibles sont : {pile, pile, pile} , {pile, pile, face} , {pile, face, pile} , **{pile, face, face}** , {face, face, face} , {face, face, pile} , {face, pile, face} , {face, pile, pile}
- L'évènement **{pile, face, face}** est un résultat unique défini précisément (obtenir pile puis face puis encore face). C'est donc un évènement élémentaire
- D) Vrai
- E) Faux

QCM 8 : A, B, C, D

- A) Vrai
- B) Vrai
- C) Vrai
- D) Vrai
- E) Faux

QCM 9 : A, C, D

L'ordre des lettres qui composent la réponse n'a pas d'importance, il faut utiliser les combinaisons

- A) Vrai : dans le cas où une seule réponse est possible, on a 5 possibilités donc la probabilité d'avoir juste en répondant au hasard est de $1/5 = 0,2$
- B) Faux : cf C)
- C) Vrai : dans les QCM classiques, il y a en tout 4 « vraies » propositions (la réponse E étant « toutes les propositions sont fausses »). On regarde le nombre de « vraies » propositions justes (0, 1, 2, 3 ou 4)
- Le nombre de combinaisons de réponses possibles est : $C = C_0^4 + C_1^4 + C_2^4 + C_3^4 + C_4^4$
- $$= [4! / (0! \times 4!)] + [4! / (1! \times 3!)] + [4! / (2! \times 2!)] + [4! / (3! \times 1!)] + [4! / (4! \times 0!)]$$
- $$= (4! / 4!) + (4! / 3!) + (4! / 4) + (4! / 3!) + (4! / 4!)$$
- $$= 1 + 4 + 6 + 4 + 1 = 16$$
- La probabilité d'avoir juste en répondant au hasard à un QCM classique est de $1/C = 1/16$.
- D) Vrai : dans les conditions énoncées, on se retrouve avec 5 « vraies » propositions et le nombre de propositions justes peut être de 1, 2, 3 ou 4
- Le nombre de combinaisons possibles est :
- $$C = C_1^5 + C_2^5 + C_3^5 + C_4^5$$
- $$= [5! / (1! \times 4!)] + [5! / (2! \times 3!)] + [5! / (3! \times 2!)] + [5! / (4! \times 1!)]$$
- $$= 5 + 10 + 10 + 5 = 30$$
- La probabilité d'avoir juste en répondant au hasard à un QCM de ce type est de $1/C = 1/30$.
- E) Faux

QCM 10 : A

- A) Vrai
- B) Faux : c'est $P(A \cap B)$
- C) Faux : c'est $P(A)$
- D) Faux : c'est $P(\bar{A})$
- E) Faux

QCM 11 : A, B, C

- A) Vrai : $A \subset B$ donc $P(A \cap B) = P(A)$ d'où $P_A(B) = P(A \cap B) / P(A) = P(A) / P(A) = 1$
- B) Vrai : A et B sont disjoints donc $P(A \cap B) = 0$ d'où $P_A(B) = P_B(A) = 0$
- C) Vrai : $P_A(B) \neq P(B)$ et $P_B(A) \neq P(A)$
- D) Faux : $P_A(B) \neq P(B)$ et $P_B(A) \neq P(A)$
- E) Faux

QCM 12 : A, B

- A) Vrai : $P(F \cap A) = 0,21$ et $P(F) \times P(A) = 0,7 \times 0,3 = 0,21$
B) Vrai : $P_{\bar{F}}(A) = P(A) = 0,3$
C) Faux : Les 2 événements ne peuvent être incompatibles, car une fille peut être attentive (et inversement)
De plus, $P(A \cup F) = 0,7 + 0,3 - 0,21 = 0,79$.
D) Faux : $P(\bar{A}) = 1 - P(A) = 1 - 0,3 = 0,7 = 70\%$
E) Faux

QCM 13 : B

- A) Faux : cf B)
B) Vrai : on utilise la loi binomiale avec pour succès l'évènement « Prendre le chemin de gauche », de probabilité $p = 0,8$. On cherche la probabilité qu'il n'y ait qu'un seul succès.
 $P(X=1) = C_4^1 \times 0,8^1 \times (1-0,8)^3 = C_4^1 \times 0,8 \times 0,2^3$
NDLR : Il est aussi possible de raisonner avec l'évènement « Prendre le chemin de droite » = succès de probabilité 0,2. Dans ce cas, on cherche la probabilité d'avoir 3 succès.
 $P(X=3) = C_4^3 \times 0,2^3 \times 0,8^1 = C_4^3 \times 0,2^3 \times 0,8$.
Cependant, $C_4^3 = 4! / (3! \times 1!) = C_4^1$ d'où $P(X=3) = C_4^1 \times 0,8 \times 0,2^3$.
C) Faux : cf B)
D) Faux : cf B)
E) Faux : cf B)

QCM 14 : A, C

Dans cet exercice, on applique la loi Normale de paramètres $\mu = 150$ et $\sigma = 10$.

- A) Vrai : environ 95% de la population sont compris dans l'intervalle $[\mu - 2\sigma ; \mu + 2\sigma]$ soit $[150 - 2 \times 10 ; 150 + 2 \times 10] = [130 ; 170]$
B) Faux : cf A)
C) Vrai : environ 5% de la population ne sont pas compris dans l'intervalle $[130 ; 170]$ et se répartissent équitablement entre ceux qui ont un QI < 130 et ceux qui ont un QI > 170. Il y a donc environ 2,5% de la population qui ont un QI < 130 et environ 2,5% qui ont un QI > 170
D) Faux : cf C)
E) Faux

QCM 15 : C, D

- A) Faux : Un échantillon biaisé n'est pas représentatif.
B) Faux : Le volontariat ne se base pas sur un tirage au sort !!
C) Vrai : C'est le seul moyen d'obtenir un échantillon représentatif d'une population.
D) Vrai : C'est une condition nécessaire.
E) Faux

QCM 16 : A, C

- A) Vrai
B) Faux : une population est un type de série statistique
C) Vrai
D) Faux : le tirage au sort s'effectue au sein de la population
E) Faux

QCM 17 : A, B, C, D

Ne pas oublier de ranger les données par ORDRE CROISSANT !!!

Numéro du patient	7 (1)	1 (2)	5 (3)	2 (4)	3 (5)	4 (6)	6 (7)
Age de survenue	15	17	25	28	31	32	75

- A) Vrai : 28 est la valeur centrale
- B) Vrai : $(15+17) / 2 = 16$
- C) Vrai : $(31+32) / 2 = 31,5$
- D) Vrai : le patient 2 est toujours placé en position centrale ; la médiane vaut donc 29 ans
- E) Faux

QCM 18 : B

- A) Faux : la moyenne est davantage adaptée
- B) Vrai
- C) Faux : c'est la définition de la médiane
- D) Faux : FAUX FAUX FAUX !!! On n'applique pas de paramètres aux variables qualitatives
- E) Faux

QCM 19 : C

L'espérance de vie est une variable QUANTITATIVE, donc la formule est bien : $IC_{95\%} = [m - \frac{\epsilon s}{\sqrt{n}} ; m + \frac{\epsilon s}{\sqrt{n}}]$.

- A) Faux : Calcul pour un IC à 99% !
- B) Faux : Mauvais emplacement de la racine
- C) Vrai
- D) Faux : doublement faux pour les raisons précédentes
- E) Faux

QCM 20 : A, C, D

En effet la précision AUGMENTE lorsque l'intervalle de confiance DIMINUE donc lorsque i est faible.
On rappelle ainsi la formule de l'indice de précision pour une variable quantitative : $i = (\epsilon.s) / \sqrt{n}$.