

FORCE ELECTROSTATIQUE (de Coulomb) $F = k \cdot \frac{qq'}{r^2}$ Force additive (k=cste de Coulomb = $9 \cdot 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$) Dans champ électrique : $\vec{F} = q\vec{E}$ (E= champ élec)

POTENTIEL ELECTRIQUE ddp entre B et A (tension)

$$V(B) - V(A) = W_{BA, q=1} = - \int_A^B \vec{E}(\vec{r}) \cdot d\vec{r} \quad V(\vec{r}) = k \frac{q}{r} \quad V(\vec{r}) = k \sum_{i=1}^N \frac{q_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|}$$

TRAVAIL D'UNE FORCE

Pesanteur :

$$W_{AB} = \int_A^B \vec{P} \cdot d\vec{r} = \int_A^B -mgdz = -mg(z_b - z_a)$$

Elasticité ressort :

$$W_{AB} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_A^B -kxdx = -\frac{k}{2}(x_b^2 - x_a^2)$$

Force Coulomb :

$$W_{AB} = \int_A^B \vec{F}_C \cdot d\vec{r} = \int_A^B k \frac{Qq}{r^2} dr = kQq \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

!/ Une force F est dite **conservative** si WAB(F) ne dépend que des points de départ et d'arrivée, A et B

Les forces pesanteur, élasticité et Coulomb sont conservatives

ENERGIE POTENTIELLE

$$U_F(B) - U_F(A) = W_{BA}$$

Pesanteur :

$$U_P(z) = mgz + cste$$

Elasticité ressort :

$$U_R(x) = \frac{kx^2}{2} + cste$$

Force Coulomb :

$$U_F(r) = \frac{kQq}{r} + cste$$

RELATION FORCE/ ENERGIE POTENTIELLE

(On dérive -U (E_p) et on trouve la force)

Pesanteur :

$$U_F(z) = mgz \rightarrow F_z = -mg$$

Ressort :

$$U_F(x) = \frac{kx^2}{2} \rightarrow F_x = -kx$$

Coulomb :

$$U_F(r) = \frac{kQq}{r} \rightarrow F_r = \frac{kQq}{r^2}$$

ENERGIE TOTALE $E_{tot} = E_c + U$ (E_c = 1/2 mv²)

Etot d'une masse liée à un ressort :

$$E = \frac{1}{2} mv^2 + \frac{1}{2} kx^2$$

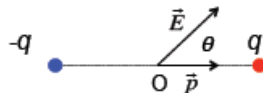
Etot d'une masse soumise à la pesanteur et liée à un ressort : $E = \frac{1}{2} mv^2 + \frac{1}{2} k(z - z_0)^2 + mgz$

Etot particules chargées en interaction coulombienne :

$$E = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N m_i v_i^2 + k \sum_{\substack{i,j=1 \\ i < j}}^N \frac{q_i q_j}{|\vec{r}_j - \vec{r}_i|}$$

DIPOLE (def : distribution de charges constituée de 2 charges +q et -q placées en 2 points)

Moment dipolaire $\vec{p} = 2aq\vec{u}$ (p en C.m)



Energie potentielle dipôle :

$$U(\theta) = -\vec{p} \cdot \vec{E} = -pE \cos \theta$$

- Moment dipolaire induit $\vec{p} = \alpha \vec{E}$ distribution de charges symétriques autour du noyau
- Moment dipolaire permanent existe si le barycentre des charges + et - ne coïncident pas
- Interaction dipôle (permanent) - ion (solvation)
- Interaction dipôle-dipôle résulte généralement en une tendance à l'alignement des dipôles (base des forces de Van Der Waals de courte portée)

CONDENSATEURS ET DIELECTRIQUES

$$Q = CV$$

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

$$W = \frac{1}{2} CV^2$$

$$\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$$

Avec $\epsilon_0 = 8,83 \cdot 10^{-12} \text{ SI}$

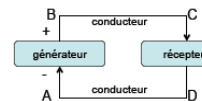
CONDUCTION ELECTRIQUE

Loi d'Ohm :

$$V_A - V_B = R_{AB} I$$

Puissance :

$$P = (V_A - V_B) I = R_{AB} I^2$$



Générateur :

$$V_B - V_A = E - rI$$

Récepteur :

$$V_C - V_D = \epsilon + r'I$$

MODELE DES ELECTRONS LIBRES

Equation d'Einstein $\beta = \frac{k_b T}{D}$ (avec β coeff viscosité et D diffusion)

Vitesse de dérive : $v_0 = \frac{eED}{k_b T}$ et $\tau = \frac{mD}{k_b T}$ Densité électrique : $J = \frac{I}{S}$

Conductivité électrique : $\sigma = \frac{N_0 e^2}{k_b T} D$

Résistivité : $\rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{k_b T}{N_0 e^2 D}$

Résistance du conducteur : $R = \frac{\rho L_{AB}}{S} = \frac{k_b T}{N_0 D e^2} \frac{L_{AB}}{S}$ (R \nearrow quand S \searrow)

Pour un solide : $\rho \nearrow$ avec T

Pour un électrolyte : $\rho \searrow$ avec T

!/ La résistivité est l'inverse de la conductivité