

# Rayon X

Coucou la team!! On inaugure mon premier cours dans la partie Biophysique des rayonnements qui n'est autre que RAYON X yayyye. Il précède celui de l'application des rayons X à l'imagerie médicale (oui je vous tease) qui arrive très bientôt. La fiche a été mise à jour, y'a presque aucun changement!! C'est parti!

## 1. PRODUCTION DES RAYONS X (RX)

Comment sont-ils produits ?

C'est un **électron** qui passe dans la matière et qui interagit soit avec les électrons soit avec le noyau et dans tous les cas il génère des **photons de fluorescence qu'on va appeler photons X**. Les rayons X utilisés en médecine sont produits grâce à des interactions des électrons avec la matière.

### Interactions avec la matière :

**Par collision** : Soit les rayons X caractéristiques produits avec les principes généraux des interactions : excitation et ionisation (par collision).

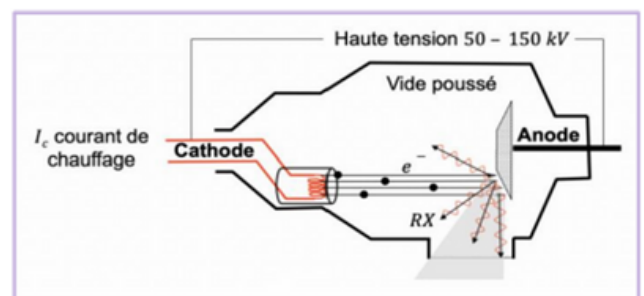
**Par freinage** : Soit les rayons X produits spécifiquement par freinage : par l'incurvation de la trajectoire des électrons lorsqu'ils passent à proximité du noyau.

Dans les deux cas les rayons X sont produits par des tubes à RX.

### A. LE TUBE A RX

Le tube à RX est **dérivé du tube de Coolidge** qui date du 19eme siècle et qui servait aux physiciens de l'époque.

Le tube à RX est une **enceinte blindée** dans laquelle il y a un **vide poussé**. On a deux extrémités : d'un côté **une cathode** et de l'autre une **une anode**. Entre les deux, on règle une **haute tension U de 50 à 150 kV**.



**La cathode** : C'est une sorte de filament dans lequel on fait passer un courant qu'on appelle **courant de chauffage noté  $I_c$** . Sous l'effet de la haute tension et du vide poussé, ce filament va permettre **l'émission d'électrons**, des électrons sont arrachés et accélérés du filament de la cathode vers l'anode.

**L'anode** : L'anode est une cible et quand les électrons vont la percuter il va y avoir une interaction du flux d'électrons (*venant de la cathode*) avec l'anode. Ceci va provoquer la **création de RX soit par l'interaction électron-électron (par collision) soit par l'interaction électron-noyau (par freinage)**. Ces RX vont diffuser et être collimatés en sortie du tube pour être utilisés à des fins d'imagerie.

C'est cette anode qui va être à l'origine de rayons X

## B. CATHODE = EMETTEUR D'ELECTRONS

La **cathode** est à gauche : c'est la zone **où sont émis les électrons**. On a un **filament de tungstène** dans lequel circule un **courant de chauffage  $I_c$**  dont la valeur est comprise entre 0,5 et 1 Ampère.

On a donc ce courant qui passe dans le filament et lorsque ce filament est assez chaud pour qu'il y ait incandescence, il y a un **effet thermoélectronique** du fait de la haute tension qui règne entre la cathode et l'anode. Cet effet thermoélectronique **va arracher des électrons à la cathode** qui vont ensuite être accélérés en direction de l'anode.

**Ce flux d'électron est appelé courant anodique noté  $i$ . Il est de l'ordre du mA. ++**

ATTENTION : ne pas confondre avec le **courant de chauffage  $I_c$**  : le flux d'électrons va vers l'anode donc courant anodique :

*Courant de chauffage  $I_c$   
→ arrache les électrons à la  
cathode*

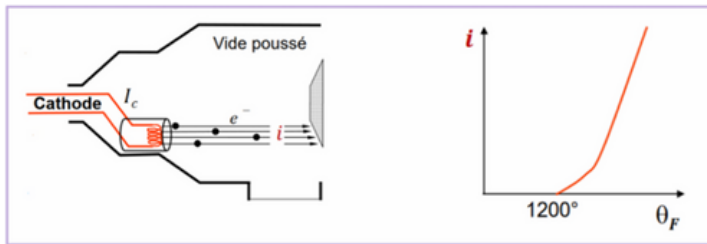
*Courant anodique  $i$   
→ flux d'électrons en direction  
de l'anode*

**Il existe une relation entre le courant de chauffage  $I_c$  et le courant anodique  $i$  :**

Cette relation n'est pas tout à fait linéaire puisque ça démarre à partir d'une certaine chaleur pour qu'il y ait l'effet thermoélectronique.

★  $I_c$  permet d'augmenter la température du filament  $\theta_F$ , et à partir d'un seuil, 1200°C pour le tungstène, il va se produire un **effet thermoélectronique** : les électrons sont arrachés à la cathode et accélérés, ce qui va créer le **courant anodique**.

- ★ Plus on chauffe la cathode, plus on augmente l'effet thermoélectronique et plus on augmente le flux d'électrons, donc  $i$ . **Ainsi, plus on augmente le courant de chauffage  $I_c$  plus  $i$  va augmenter.**



En gros vous augmenter  $I_c$  donc vous augmenter la capacité d'arracher des électrons en augmentant la température donc le flux  $i$  est plus fort.

## C. HAUTE TENSION ACCELERATRICE DES ELECTRONS (U)

- La haute tension, notée **U**, est appliquée **entre la cathode et l'anode**. Elle accélère les électrons dans le tube.
- La tension a des valeurs comprises **entre 50 et 150 kV** selon le réglage du tube.
- Elle est responsable de l'**énergie cinétique T des électrons**, avec laquelle ils vont percuter l'anode cible. Plus la tension est élevée, plus l'énergie cinétique sera élevée.
- Cette énergie cinétique est exprimée non pas en joules, mais en eV

Définition d'un eV : énergie cinétique acquise par un électron sous l'effet d'une différence de potentiel de 1 V.



Donc l'énergie cinétique maximale des électrons du tube exprimée en eV est numériquement égale à la haute tension en Volt:

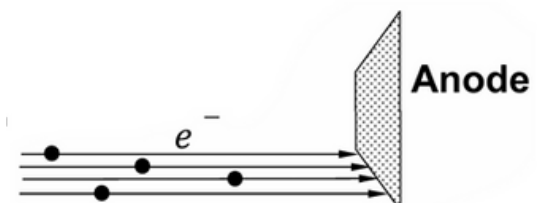
$$T = 1 \times U \Rightarrow T[\text{eV}] = U [\text{V}]$$

**\*\*Attention !!** La tension  $U$  et l'énergie cinétique  $T$  ne sont pas égales, mais leur valeur le sont.  
Exemple pour  $U = 100\text{kV}$  on a  $T = 100\text{keV}$

## D. L'ANODE = CIBLE

L'**anode** est la cible où ont lieu **les interactions électrons/matière** qui vont **créer les rayons X** : collision, freinage, chaleur.

Cette anode est en métal parce que l'interaction sera d'autant plus importante si elle est composée d'atomes riches en électrons donc qui ont des **Z élevés**, c'est-à-dire des **cibles métalliques** en général.

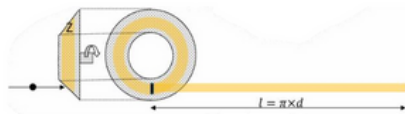


(Le but c'est de créer un max d'interaction entre les électrons qui viennent du flux de la cathode et ceux de la matière (anode) c'est pour ça qu'on choisit une cible riche en électrons pour maximiser nos chances de créer des interactions)

Il y a donc y avoir beaucoup d'interactions : excitation et ionisation pour des énergies suffisantes., Mais pour tous les électrons qui ont une énergie trop faible, on a vu que cela crée de la chaleur, donc il va y avoir un **problème important de dégagement de chaleur** au niveau de l'anode.

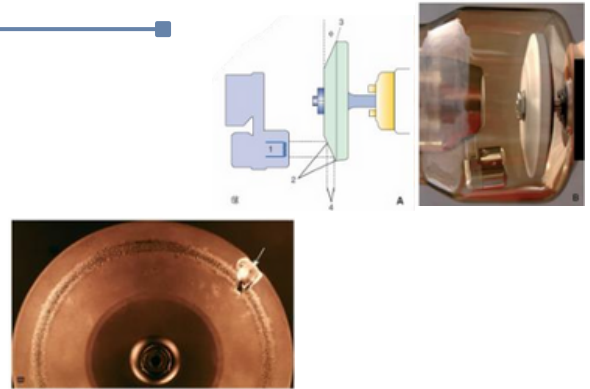
*Ceci à 2 conséquences :*

On va utiliser des **alliages métalliques (tungstène + rhénium)** dont le point de fusion est élevé, pour éviter que l'anode ne fonde.



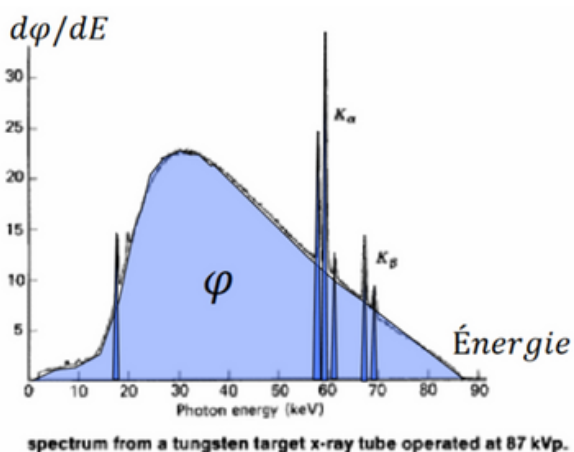
On va également utiliser des **dispositifs de dispersion de la chaleur**, notamment une **anode tournante** : disque biseauté qui va tourner de manière à ce que l'impact des électrons accélérés par la haute tension se distribue sur toute la circonférence et non pas sur un seul point.

On a sur la photo du dessus à gauche une anode tournante, où on voit la trace de l'impact du courant anodique. On voit aussi qu'elle a été endommagée (en haut à droite) parce qu'à un moment ou à un autre, le système de rotation n'a plus fonctionné et donc le flux d'électrons a percuté profondément la zone de manière continue en faisant fondre l'alliage à ce niveau.



## II. SPECTRE DES RAYONS X

### A. DESCRIPTION



En abscisse : Energie du rayonnement, exprimée en général en keV pour un spectre de rayons de X

En ordonnée : **dφ/dE** : c'est la fraction du flux porté par le rayonnement pour chaque intervalle d'énergie, en quelque sorte le nombre de photons qui ont l'énergie donnée en abscisse, entre E et dE.

Le spectre de rayon X possède **2 composantes +++** :

- Une composante continue
- Une composante de raie

La surface sous cette courbe est égale à la valeur du flux énergétique  $\varphi$ , c'est la quantité de rayons X.

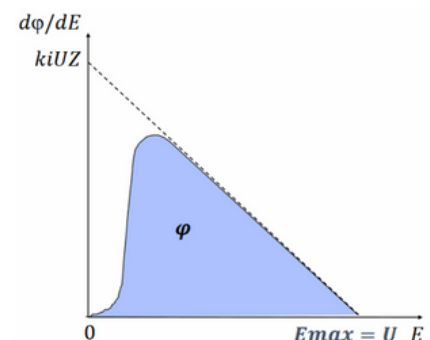
## B. LA COMPOSANTE CONTINUE

Cette composante **continue** est liée uniquement aux **rayonnements de freinage ++**, c'est-à-dire lorsque **l'électron** interagit avec la **cible** en passant à proximité des noyaux de celle-ci. Cela génère des **photons** qui sont **non quantifiés**, donc toutes les énergies de photon sont possibles entre 0 et l'énergie maximale, qui est donnée par la haute tension.

En fonction de la distance au noyau, le photon rayonné sera plus ou moins énergétique mais de manière continue. C'est ce phénomène qui donne la partie continue du spectre.

Le spectre théorique correspondant à ce phénomène devrait être triangulaire (représenté en pointillés sur le schéma) parce qu'on devrait avoir soit pas d'énergie soit un maximum d'énergie.

Le spectre réel lui est représenté par la courbe du fait des **phénomènes d'auto-absorption** qui ne sortent pas du tube et qui donnent cet aspect en dôme du spectre énergétique continu.



### Flux énergétique $\varphi$ (puissance émise par le tube) :

$$\varphi = \frac{\text{Facteur de proportionnalité} \times \text{Numéro atomique} \times \text{Courant anodique} \times E_{max}}{2} = \frac{\text{Numéro atomique} \times \text{Courant anodique} \times \text{Haute tension}^2}{2}$$

**L'énergie maximum des rayons X produits (en eV) va correspondre à l'énergie maximum des électrons et est donc numériquement égale à la haute tension du tube (en V)** puisque c'est la situation où toute l'énergie cinétique de l'électron incident a été transformée en rayons X par freinage.

## C. LA COMPOSANTE DE RAIES

Cette composante **de raies** est due aux rayonnements caractéristiques : c'est-à-dire aux **interactions électron-électron** : par collision ++. Il va y avoir ionisation ou excitation d'un électron des atomes de la cible, qui va donner des réarrangements et des photons de fluorescence.

Prenons un exemple pour illustrer cela : après ionisation d'un électron de la couche K du Tungstène (74W), quels sont les raies caractéristiques qu'il est possible d'observer ?

Ici  $U = 90\text{kV}$

keV	K	$L_I$	$L_{II}$	$L_{III}$	$M_I$	$M_{II}$	$M_{III}$	$N_{III}$	e libre
$W_i$	-69,5	-12,1	-11,5	-10,2	-2,8	-2,6	-2,3	-0,43	0
$W_i - W_K$	0	57,4	58	59,3	66,7	66,9	67,2	69,0	69,5
<b>Raies</b>			$K - L_{II}$	$K - L_{III}$		$K - M_{II}$	$K - M_{III}$	$K - N_{III}$	K

Ligne 1:

Énergie des électrons sur chacune des différentes couches. Cette fois il ne s'agit plus du simple modèle de Bohr, mais d'un modèle un peu plus sophistiqué qui est le modèle de **Bohr-Sommerfeld** et dans lequel il y a des sous-couches.

Ligne 2:

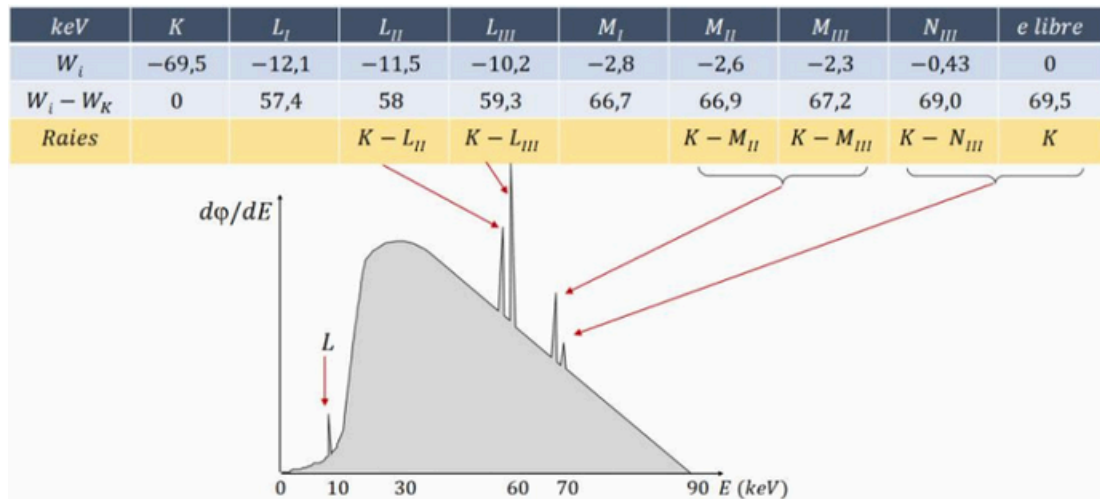
C'est la différence d'énergie qui règne entre la couche K et une des couches. Lorsqu'on a ionisé un électron de la couche K, un autre électron va venir combler cette vacance électronique et il va venir de l'une de ces couches. En fonction de la couche de laquelle il vient, il va générer un photon de fluorescence, qui est ici un photon X caractéristique, qui va avoir l'une des valeurs de la deuxième ligne.

Si l'électron vient de la couche L1, son énergie sera de  $69,5 - 12,1$ , c'est-à-dire 57,4, etc.. pour chacune des couches.

S'il s'agit d'une ionisation et que l'électron qui vient combler la vacance sur la couche K est un électron libre, le photon de fluorescence correspondant sera égal à la valeur de l'énergie de liaison de l'électron de la couche K, donc 69,5.

En théorie, on peut avoir *autant de raies que de composantes* de réarrangement et nous pouvons voir tous ces photons de fluorescence. Mais en pratique (ligne jaune), *seules quelques raies* sont visibles.

## D. SPECTRE REEL COMPLET : CONTINU + RAIES



- 1 - Si on part des énergies les plus élevées, on voit que la raie caractéristique liée au passage d'un électron de la couche N3 à la couche K c'est 69,0 keV. Si c'est un électron libre qui vient combler la couche K c'est 69,5 keV. Ces deux raies sont donc **confondues**, du fait de la résolution énergétique du spectre, et correspondent donc à la première raie la plus énergétique.
- 2 - Il y a également une deuxième raie, qui confond les photons de fluorescence/photons X caractéristiques liés soit à la venue sur la couche K d'un électron en provenance de la couche M2 ou de la couche M3, qui sont de l'ordre de 67 keV.
- 3 - Ensuite, on a une raie autour de 59 keV qui correspond au réarrangement lorsque l'électron vient de la couche L3, puis une raie à 58 keV lorsque l'électron vient de la couche L2.
- 4 - Pour terminer, on voit également qu'il y a un pic du côté des faibles énergies, qui correspond à des phénomènes de réarrangement lorsque que l'excitation ou l'ionisation portera sur un électron non pas de la couche K mais de la couche L.

*Donc: +++*

### Composante continue

Rayonnement par freinage avec passage à proximité des noyaux



### Composante de raies

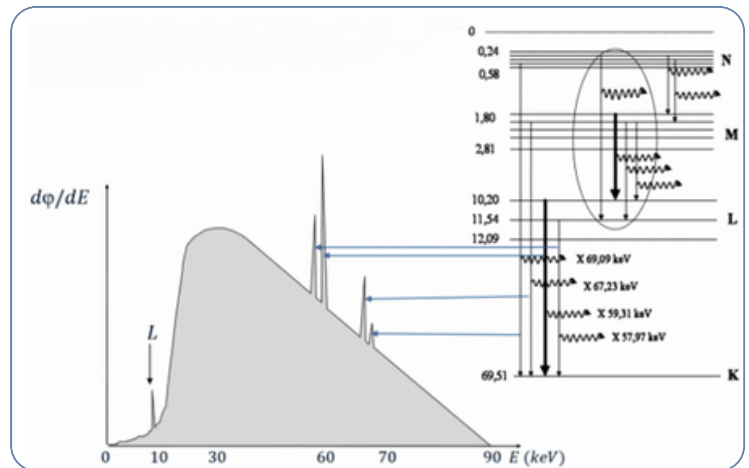
Interaction électron-électron avec les réarrangements et l'émission des photons de fluorescence

Si on résume et le présente d'une manière différente : on peut voir que la raie la plus énergétique correspond au réarrangement d'un électron qui vient sur la couche K à partir de la couche N, voir un électron libre.

Ensuite, la raie suivante correspond à des réarrangements en provenance de la couche M.

Les deux autres viennent d'un retour d'un électron de la couche K à partir de sous-couches de la couche L. La raie la plus à gauche est entourée sur le schéma à droite et correspond au retour d'un électron depuis les couches N et M vers la couche L.

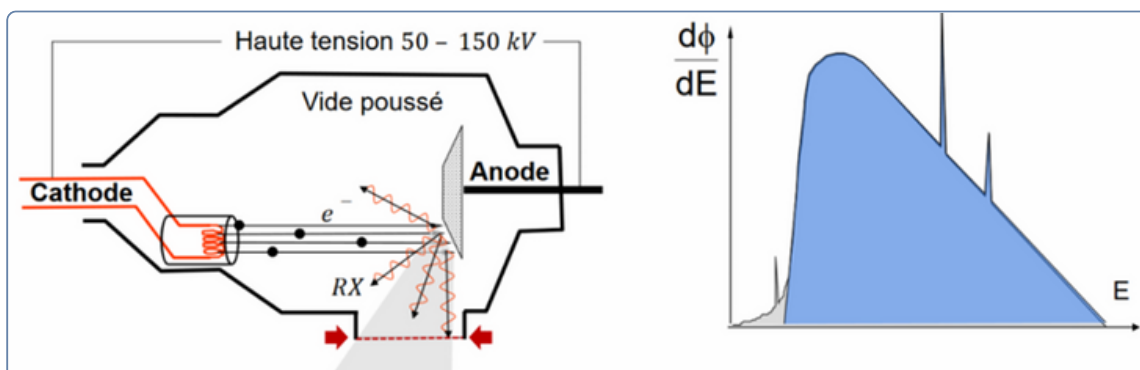
Voilà pour le spectre rayons X, qui est composé d'une partie continue liée à **l'interaction des électrons avec le noyau**, et une partie avec des raies qui sont liées aux **réarrangements** lorsqu'il y a eu une **interaction par collision** au niveau des atomes de la cible.



### III. CARACTERISTIQUES D'EXPOSITION

#### A. FILTRE METALLIQUE

A la sortie du tube à RX, il existe un filtre métallique qui va **absorber les photons de faibles énergies** qui sont en pratique inutiles pour l'imagerie. C'est pour cela que les photons de faibles énergies n'apparaissent pas sur le spectre réel, contrairement au spectre théorique. **Ils ne vont pas traverser les patients, en revanche ils vont irradier superficiellement. Pour les éliminer, on met une petite souche métallique à la sortie du tube.**



## B. RENDEMENT D'UN TUBE A RAYON X

**Le rendement** c'est le rapport entre ce que l'on **consomme** en énergie pour fabriquer les RX et ce que l'on **tire en énergie** des rayons X.

**La puissance consommée P** : c'est ce qui est consommé pour mettre en mouvement les électrons et créer le courant anodique : (*voir formule plus bas*)

**La puissance rayonnée  $\varphi$**  : c'est les photons qui sont produits

Elles se calculent de la manière suivante :

Puissance consommée P

$$P = U * i$$

Puissance rayonnée  $\varphi$

$$\varphi = \frac{kiZU^2}{2} = KiZU^2$$

avec  $K = k/2$

Elle est fonction de la haute  
tension U et du courant  
anodique i

On peut donc établir le rendement r :

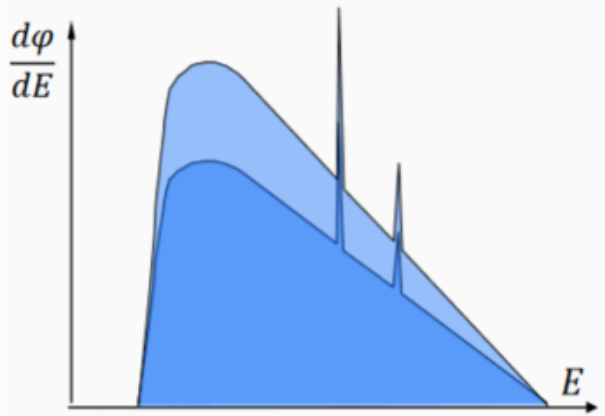
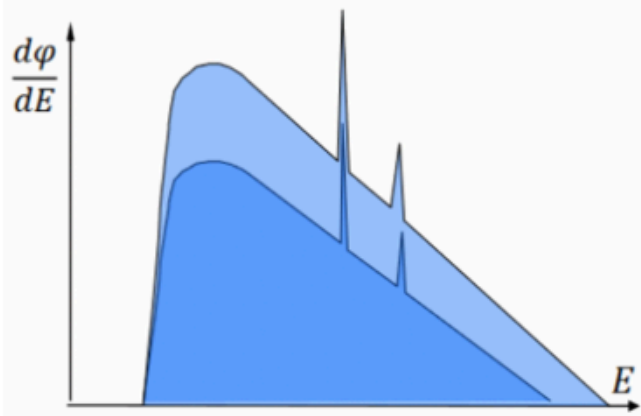
Rendement r

$$r = \frac{\varphi}{P} = \frac{KiZU^2}{Ui} = KZU$$

Le rendement dépend du Z de la cible : on utilise donc des anodes avec un **Z élevé** (d'où l'utilisation du tungstène par exemple  $_{74}W$ ).

Ce qui est surtout important c'est que ce rendement est faible : il est de seulement quelques %. En effet, plus de **95% de l'énergie cinétique** des électrons est convertie en **chaleur** au niveau de la cible.

## C. PARAMETRES DU TUBE

Le milliampérage $i$	Le kilovoltage $U$
= courant anodique	= valeur de la haute tension
<p>Si on augmente <math>i</math>, on augmente <math>\varphi</math> :</p> <p>→ <math>\varphi = KiZU^2</math></p>  <p>Le flux de RX est <u>augmenté</u> sans qu'on modifie le reste des caractéristiques énergétiques :</p> <p>La <u>surface</u> sous le spectre <u>augmente</u> mais les <u>raies</u> ne changent pas puisqu'elles sont liées au <math>Z</math> de la cible.</p> <p>En effet, la <u>valeur maximale</u> est liée à la <u>haute tension</u>, qui elle ne change pas. Les raies sont caractéristiques de la cible.</p>	<p>Si on augmente <math>U</math>, on augmente :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <math>\varphi</math></li> <li>- <math>E_{max}</math> (<math>E_{max} = U</math>)</li> </ul>  <p>Les RX sont dits plus pénétrants.</p> <p>On a une <u>augmentation</u> de la <u>surface sous la courbe</u> et une <u>augmentation</u> de l'<u>énergie maximale des RX</u>.</p> <p>On augmente <math>\varphi</math> car <u>proportionnelle</u> à <math>U</math>, et <math>E_{max}</math> car l'<u>énergie cinétique maximale</u> des électrons, et donc des photons produits, dépend de la <u>haute tension</u>. On va donc avoir plus de photons, mais aussi des photons <u>plus énergétiques</u>, donc dits <b>plus pénétrants</b>.</p>

## CONCLUSION

Les rayons X associent 2 types de photons :

- Rayonnement de freinage → spectre continu
- Raies caractéristiques de la cible → spectre de raies

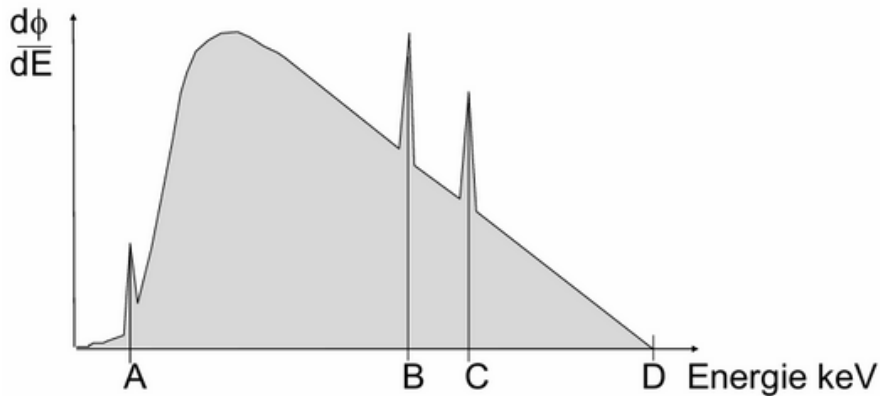
Avec une cible (anode) donnée, le réglage du tube à rayons X :

- Permet de jouer sur l'énergie maximale des photons de freinage (donc modifier leur pénétrance)
- Sur le flux de rayons X
- Pas sur les raies caractéristiques de la cible +++

## QCM du profs +++++

### QCM RX 1 :

• Soit le spectre d'un tube à rayons X composé d'une cible de rhénium ( $_{75}\text{Re}$ ).



Il fonctionne sous une tension de 100 kV. Les énergies des électrons du rhénium (exprimées en keV dans le modèle de Bohr) sont :  $W_K = -72$ ,  $W_L = -12$  et  $W_M = -2$ . Quelles sont (en keV) les valeurs possibles des points A, B, C et D repérés sur le spectre ci-dessus ?

- A. A = 20   B. B = 60   C. C = 70   D. D = 100   E. Les propositions A, B, C et D sont fausses

**QCM RX 2 :** Les rayons X sont le résultat d'interactions par :

- A- effet Compton au niveau des atomes de l'anode
- B- par « collisions » entre les électrons du tubes et ceux des atomes de l'anode
- C- par freinage entre les photons incidents et les noyaux des atomes de l'anode
- D- par effet photo-électrique au niveau des atomes de l'anode
- E- Les propositions A, B, C et D sont fausses

**QCM RX 3 :** Dans un tube a rayons X :

- A- Le rendement en rayons X est proportionnel au carré du numéro atomique de la cible
- B- Le rendement en rayons X est de l'ordre de 20%
- C- La puissance rayonnée est proportionnelle au carré de la haute tension
- D- L'auto absorption et le filtre métallique font disparaître les rayons les plus énergétiques
- E- Les propositions A, B, C et D sont fausses

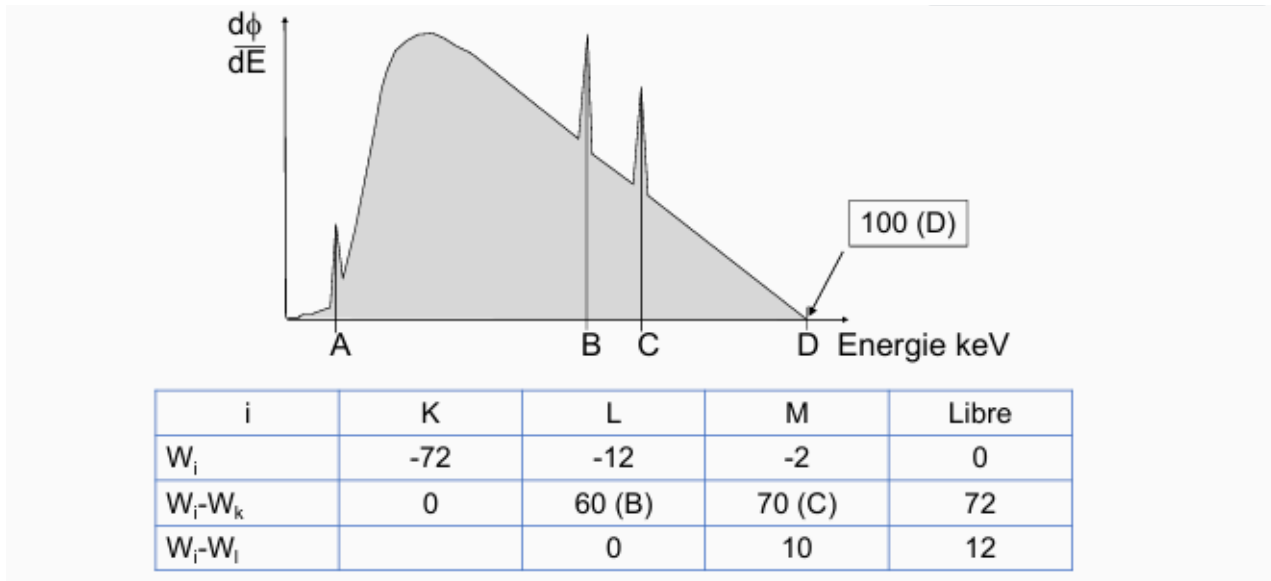
**QCM RX 4 :** Modifications du spectre des rayons X. Lorsque l'on augmente le « milliampérage »  $i$ :

- A- l'énergie des raies caractéristiques augmente
- B- le flux énergétique diminue
- C- l'énergie maximale des X augmente
- D- le rendement du tube diminue
- E- Les propositions A, B, C et D sont fausses

## Correction

### QCM RX 1 : BCD

• Soit le spectre d'un tube à rayons X composé d'une cible de rhénium ( $_{75}\text{Re}$ ).



A. A = 20    B. B = 60    C. C = 70    D. D = 100    E. Les propositions A, B, C et D sont fausses

### QCM RX 2 : B

A- Faux

B- Vrai

C- Faux

D- Faux

E- Faux

### QCM RX 3 : C

A- Non ;  $r = KZU$

B- Non ; de l'ordre de 1 à 2%;

C- Oui ;  $\varphi = KiZU^2$

D- Non ; les moins énergétiques

### QCM RX 4 : E

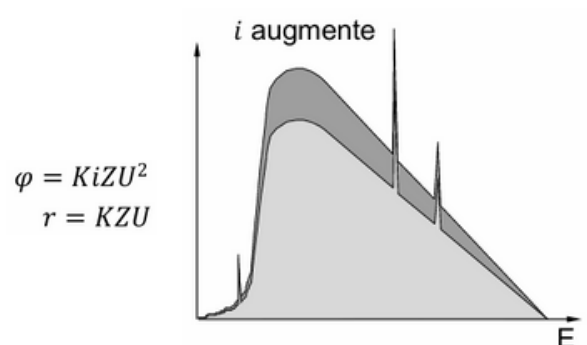
A- Faux

B- Faux

C- Faux

D- Faux

E- Les propositions A, B, C et D sont fausses



## Et maintenant place aux dédis !!!

Grosse dédis à ma maman (oui toujours) gros love <3

Dédis à ma coloc et très chère sœur ce petit rayon de soleil j'ai nommé Kamélia

Dédis à Maïssa (sœur n°2) ce génie des maths (18 c'est 17 moins 1)

Dédis à Samar (sœur n°3) cette artiste incomprise

Dédis à mon papa <3

Dédis à Lina et Rania vous me manquez les filles

Dédis à Iliana et nos incalculables plans boubiers pendant notre voyage à Malte

Dédis spéciale à Claudia ce sucre muy caliente juste parce que



Regardez moi ce chef d'oeuvre 🙄



Dédis à Juju dont l'appartement est devenu mon nouveau point de squat préféré

Dédis à Sandro (vous trouverez pas meilleur prof pour faire des points (il slay))

Dédis à Maxou un de mes gros coups de cœur de cette année (sans doute le plus grand fan de Taylor Swift que cette Terre ait porté)

Dédis à Inès, meuf tu dances beaucoup trop bien

Dédis à Ethel (cette fille a beaucoup trop de talents (+1000 aura quand tu joues de la batterie))

Dédis à Antoine et ses mimes pendant le tournage de la vidéo pour la terminale santé

Dédis à Nicolasse (désolée pour le pull j'ai été plus rapide)

Dédis à Emma (vivement que tu reviennes de Marseille)

Dédis à Jade et Jade (hâte de vous revoir aussi)

Dédis à Lisa que je croise beaucoup trop rarement alors qu'on fréquente les mêmes facs lol

Dédis à Cinthy, Sarah, Lilou, Jihane, Gabs et Margot <3

Dédis à Osman et Sarah ces goats

Grosse dédis à Lilou <3 (Soy Luna >>>> Violetta)

Dédis à Matteo

Dédis à Etienne qui est sans doute un des meilleurs partenaires de danse que j'ai pu avoir

Dédis aux copains du tut' : Claudia, Juju, Matteo, Sandro, Maxou, Emma, Iwan, Inès, Inès, Inès, Ethel, Antoine, Nico, Marie Lou, Manon, Louise, Camille, Lucas, Laura, Anaïs

Grosse dédis à mes fillots Resara, Célia et Iliess

Dédis aux Granolas, à Eminem et à Billie que j'ai pas pu aller voir en concert (oui aléatoire)(oui je pue encore le seum)

Dédis au Bordeaux

Dédis aux jours de pluie

Anti-dédis à la queue au Lidl les jours d'EB

Anti-dédis au rose et au jaune (je sais je vais me faire des ennemis)

Anti-dédis à l'homme qui me fixait derrière la vitre de l'accueil dans l'entrée de mon bâtiment (terrifiant)

Grosse dédis à vous surtout qui avez appris cette fiche avec beaucoup d'entrain 🏃 🏃, plus sérieusement on approche de la dernière ligne droite, vous avez fait le plus gros du chemin donc soyez fières et fiers de vous et de ce que vous faites<3